

Автономная некоммерческая организация высшего образования
**«РОССИЙСКИЙ ПРАВОСЛАВНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
СВЯТОГО ИОАННА БОГОСЛОВА»**

Принято на заседании
Кафедры общей и прикладной
психологии
Протокол № 6
от «07» декабря 2023 г.

УТВЕРЖДАЮ

АНО ВО «РПУ св. Иоанна Богослова»

« » 202 г.

**ПРОВЕДЕНИЯ ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ В БАКАЛАВРИАТ
ПО НАПРАВЛЕНИЮ ПОДГОТОВКИ**

37.03.01 ПСИХОЛОГИЯ

**ПО ПРОФИЛЬНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ
«МАТЕМАТИКА И ЕЕ ПРИЛОЖЕНИЯ»**

Москва – 2024

1. Пояснительная записка

Настоящая программа общеобразовательного вступительного испытания составлена в соответствии с программой по математике для учащихся школ на основе обязательного минимума содержания среднего общего образования, федеральным государственным образовательным стандартом среднего общего образования и федеральным государственным образовательным стандартом основного общего образования и предназначена для подготовки к поступлению в Автономную некоммерческую организацию высшего образования «Российский православный университет святого Иоанна Богослова» (далее – Университет). Она отражает требования, предъявляемые к поступающим по Математике независимо от выбранного направления подготовки.

Программа состоит из четырех частей. Первая часть («Пояснительная записка») определяет цель вступительного испытания и форму его проведения. Вторая часть («Содержание программы») обозначает круг вопросов по Математике, по которым могут быть проверены знания поступающих. Третья часть («Список литературы») отсылает поступающего к основным учебникам, учебным пособиям, справочным изданиям и энциклопедиям, которые необходимо использовать при самостоятельной подготовке к вступительному испытанию по Математике. Четвертая часть посвящена оцениванию результатов вступительного испытания.

Целью вступительного испытания по общеобразовательному предмету «Математика» является обеспечение проверки знаний, умений и навыков поступающих.

Вступительное испытание по общеобразовательному предмету «Математика» проводится в форме письменного тестирования.

Для лиц, постоянно проживающих на территориях Донецкой Народной Республики, Луганской Народной Республики, Запорожской области, Херсонской области до дня принятия их в состав Российской Федерации, предусматривается проведение вступительного испытания по общеобразовательному предмету «Математика» в форме собеседования.

2. Содержание программы

1. АЛГЕБРА

1.1. ЧИСЛА, КОРНИ И СТЕПЕНИ

1.1.1. Целые числа.

1.1.2. Степень с натуральным показателем.

1.1.3. Дроби, проценты, рациональные числа.

1.1.4. Степень с целым показателем.

1.1.5. Корень степени $n > 1$ и его свойства.

- 1.1.6. Степень с рациональным показателем и ее свойства.
- 1.1.7. Свойства степени с действительным показателем.
- 1.2. ОСНОВЫ ТРИГОНОМЕТРИИ
 - 1.2.1. Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла.
 - 1.2.2. Радианная мера угла.
 - 1.2.3. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа.
 - 1.2.4. Основные тригонометрические тождества.
 - 1.2.5. Формулы приведения.
 - 1.2.6. Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов.
 - 1.2.7. Синус и косинус двойного угла.
- 1.3. ЛОГАРИФМЫ
 - 1.3.1. Логарифм числа.
 - 1.3.2. Логарифм произведения, частного, степени.
 - 1.3.3. Десятичный и натуральный логарифмы, число e .
- 1.4. ПРЕОБРАЗОВАНИЯ ВЫРАЖЕНИЙ
 - 1.4.1. Преобразования выражений, включающих арифметические операции.
 - 1.4.2. Преобразования выражений, включающих операцию возведения в степень.
 - 1.4.3. Преобразования выражений, включающих корни натуральной степени.
 - 1.4.4. Преобразования тригонометрических выражений.
 - 1.4.5. Преобразование выражений, включающих операцию логарифмирования.
 - 1.4.6. Модуль (абсолютная величина) числа.
- 2. УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА
 - 2.1. УРАВНЕНИЯ
 - 2.1.1. Квадратные уравнения.
 - 2.1.2. Рациональные уравнения.
 - 2.1.3. Иррациональные уравнения.
 - 2.1.4. Тригонометрические уравнения.
 - 2.1.5. Показательные уравнения.
 - 2.1.6. Логарифмические уравнения.
 - 2.1.7. Равносильность уравнений, систем уравнений.
 - 2.1.8. Простейшие системы уравнений с двумя неизвестными.
 - 2.1.9. Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных.
 - 2.1.10. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений.
 - 2.1.11. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений с двумя переменными и их систем.
 - 2.1.12. Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.
 - 2.2. НЕРАВЕНСТВА
 - 2.2.1. Квадратные неравенства.

- 2.2.2. Рациональные неравенства.
- 2.2.3. Показательные неравенства.
- 2.2.4. Логарифмические неравенства.
- 2.2.5. Системы линейных неравенств.
- 2.2.6. Системы неравенств с одной переменной.
- 2.2.7. Равносильность неравенств, систем неравенств.
- 2.2.8. Использование свойств и графиков функций при решении неравенств.
- 2.2.9. Метод интервалов.
- 2.2.10. Изображение на координатной плоскости множества решений неравенств с двумя переменными и их систем.

3. ФУНКЦИИ

3.1. ОПРЕДЕЛЕНИЕ И ГРАФИК ФУНКЦИИ

- 3.1.1. Функция, область определения функции.
- 3.1.2. Множество значений функции.
- 3.1.3. График функции. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях.
- 3.1.4. Обратная функция. График обратной функции.
- 3.1.5. Преобразования графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат.

3.2. ЭЛЕМЕНТАРНОЕ ИССЛЕДОВАНИЕ ФУНКЦИЙ

- 3.2.1. Монотонность функции. Промежутки возрастания и убывания.
- 3.2.2. Четность и нечетность функции.
- 3.2.3. Периодичность функции.
- 3.2.4. Ограниченность функции.
- 3.2.5. Точки экстремума (локального максимума и минимума) функции.
- 3.2.6. Наибольшее и наименьшее значения функции.

3.3. ОСНОВНЫЕ ЭЛЕМЕНТАРНЫЕ ФУНКЦИИ

- 3.3.1. Линейная функция, ее график.
- 3.3.2. Функция, описывающая обратную пропорциональную зависимость, ее график.
- 3.3.3. Квадратичная функция, ее график.
- 3.3.4. Степенная функция с натуральным показателем, ее график.
- 3.3.5. Тригонометрические функции, их графики.
- 3.3.6. Показательная функция, ее график.
- 3.3.7. Логарифмическая функция, ее график.

4. НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА

4.1. ПРОИЗВОДНАЯ

- 4.1.1. Понятие о производной функции, геометрический смысл производной.
- 4.1.2. Физический смысл производной, нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком.

- 4.1.3. Уравнение касательной к графику функции.
- 4.1.4. Производные суммы, разности, произведения, частного.
- 4.1.5. Производные основных элементарных функций.
- 4.1.6. Вторая производная и ее физический смысл.
- 4.2. ИССЛЕДОВАНИЕ ФУНКЦИЙ
- 4.2.1. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.
- 4.2.2. Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.
- 4.3. ПЕРВООБРАЗНАЯ И ИНТЕГРАЛ
- 4.3.1. Первообразные элементарных функций.
- 4.3.2. Примеры применения интеграла в физике и геометрии.

5. ГЕОМЕТРИЯ

5.1. ПЛАНИМЕТРИЯ

- 5.1.1. Треугольник.
- 5.1.2. Параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат.
- 5.1.3. Трапеция.
- 5.1.4. Окружность и круг.
- 5.1.5. Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника.
- 5.1.6. Многоугольник. Сумма углов выпуклого многоугольника.
- 5.1.7. Правильные многоугольники. Вписанная окружность и описанная окружность правильного многоугольника.

5.2. ПРЯМЫЕ И ПЛОСКОСТИ В ПРОСТРАНСТВЕ

- 5.2.1. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые; перпендикулярность прямых.
- 5.2.2. Параллельность прямой и плоскости, признаки и свойства.
- 5.2.3. Параллельность плоскостей, признаки и свойства.
- 5.2.4. Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства; перпендикуляр и наклонная; теорема о трех перпендикулярах.
- 5.2.5. Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства.
- 5.2.6. Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур.

5.3. МНОГОГРАННИКИ

- 5.3.1. Призма, ее основания, боковые ребра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма.
- 5.3.2. Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в параллелепипеде.
- 5.3.3. Пирамида, ее основание, боковые ребра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида.
- 5.3.4. Сечения куба, призмы, пирамиды.
- 5.3.5. Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).

5.4. ТЕЛА И ПОВЕРХНОСТИ ВРАЩЕНИЯ

5.4.1. Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка.

5.4.2. Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка.

5.4.3. Шар и сфера, их сечения.

5.5. ИЗМЕРЕНИЕ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ ВЕЛИЧИН

5.5.1. Величина угла, градусная мера угла, соответствие между величиной угла и длиной дуги окружности.

5.5.2. Угол между прямыми в пространстве; угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями.

5.5.3. Длина отрезка, ломаной, окружности, периметр многоугольника.

5.5.4. Расстояние от точки до прямой, от точки до плоскости; расстояние между параллельными и скрещивающимися прямыми, расстояние между параллельными плоскостями.

5.5.5. Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга, сектора.

5.5.6. Площадь поверхности конуса, цилиндра, сферы.

5.5.7. Объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара.

5.6. КООРДИНАТЫ И ВЕКТОРЫ

5.6.1. Декартовы координаты на плоскости и в пространстве.

5.6.2. Формула расстояния между двумя точками; уравнение сферы.

5.6.3. Вектор, модуль вектора, равенство векторов; сложение векторов и умножение вектора на число.

5.6.4. Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам.

5.6.5. Компланарные векторы. Разложение по трем некомпланарным векторам.

5.6.6. Координаты вектора; скалярное произведение векторов; угол между векторами.

6. ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, СТАТИСТИКИ И ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ

6.1. ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ

6.1.1. Поочередный и одновременный выбор.

6.1.2. Формулы числа сочетаний и перестановок. Бином Ньютона.

6.2. ЭЛЕМЕНТЫ СТАТИСТИКИ

6.2.1. Табличное и графическое представление данных.

6.2.2. Числовые характеристики рядов данных.

6.3. ЭЛЕМЕНТЫ ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ

6.3.1. Вероятности событий.

6.3.2. Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач.

3. Список литературы

1. Выгодский М.Я. Справочник по элементарной математике. – М., АСТ Астрель, 2015
2. Генденштейн Л.Э. Наглядный справочник по математике с примерами. Для абитуриентов, школьников, учителей. – М., Илекса, 2015
3. Гараев К.Г. Под ред. Р.Н. Молодежниковой. Математика для абитуриентов: Учебное пособие. – М., Издательство МАИ, 2014
4. Б.В. Соболев и др. Математика. – М., Феникс, 2010
5. Куланин Е.Д. Словарь-справочник по математике. – М., Гелиос АРВ, 2003
6. Садовничий Ю.В. Математика. Тесты для старшеклассников и абитуриентов. – М., УНЦ ДО, ФИЗМАТЛИТ, 2003.

4. Оценивание результатов вступительного испытания

Во вступительном испытании 18 заданий, из них заданий базового уровня сложности – 6, повышенного — 10, высокого — 2

Обозначение уровня сложности задания:
Б — базовый, П — повышенный, В — высокий.

Проверяемые элементы содержания и виды деятельности	Уровень сложности задания	Максимальный первичный балл за выполнение задания
Задание 1. Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами	Б	1
Задание 2. Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами	Б	1
Задание 3. Уметь строить и исследовать простейшие математические модели	Б	1
Задание 4. Уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни	Б	1
Задание 5. Уметь решать уравнения и неравенства	Б	1
Задание 6. Уметь выполнять вычисления и преобразования	Б	1
Задание 7. Уметь выполнять действия с функциями	Б	1

Проверяемые элементы содержания и виды деятельности	Уровень сложности задания	Максимальный первичный балл за выполнение задания
Задание 8. Уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни	П	1
Задание 9. Уметь строить и исследовать простейшие математические модели	П	1
Задание 10. Уметь выполнять действия с функциями	П	1
Задание 11. Уметь выполнять действия с функциями	П	1
Задание 12. Уметь решать уравнения и неравенства	П	2
Задание 13. Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами	П	3
Задание 14. Уметь решать уравнения и неравенства	П	2
Задание 15. Уметь использовать приобретённые знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни	П	2
Задание 16. Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами	П	3
Задание 17. Уметь решать уравнения и неравенства	В	4
Задание 18. Уметь строить и исследовать простейшие математические модели	В	4

Шкала перевода первичных баллов в тестовые

Первичные баллы	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
Тестовые баллы	0	6	11	17	22	27	34	40	46	52	58	64	66	68
Первичные баллы	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27
Тестовые баллы	70	72	74	76	78	80	82	84	86	88	90	92	94	96
Первичные баллы	28	29	30	31										
Тестовые баллы	98	100	100	100										

Разработчики программы проведения вступительных испытаний в бакалавриат по направлению подготовки 37.03.01 Психология по общеобразовательной дисциплине «Математика»:

Декан факультета психологии

д. псих. н., проф. Б.С. Братусь

Старший преподаватель

каф. общей и прикладной психологии

М.М. Гордон

Старший преподаватель

Каф. общей и прикладной психологии

Н.В. Гавриш